

М. В. Ткачёва

Алгебра и начала математического анализа

11

Тематические
тесты

ЕГЭ

ПРОСВЕЩЕНИЕ
ИЗДАТЕЛЬСТВО

М. В. Ткачёва

Алгебра и начала математического анализа

Тематические
тесты

11

класс

Базовый уровень

Москва
«Просвещение»
2012

УДК 372.8:[512+517]

ББК 74.262.21

Т48

Ткачёва М. В.

Т48 Алгебра и начала математического анализа. Тематические тесты. 11 класс: базовый уровень / М. В. Ткачёва. — М. : Просвещение, 2012. — 96 с.: ил. — ISBN 978-5-09-022869-5.

Книга предназначена для учителей, преподающих алгебру и начала математического анализа по учебнику А. Н. Колмогорова в 11 классах. Она содержит тестовые задания по всем темам курса алгебры и начал математического анализа в четырёх вариантах с указанием времени выполнения каждого теста.

УДК 372.8:[512+517]
ББК 74.262.21

Учебное издание

Ткачёва Мария Владимировна

АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА

Тематические тесты

11 класс

Базовый уровень

Зав. редакцией Т. А. Бурмистрова

Редактор И. В. Рекман

Младший редактор Е. А. Андреенкова

Художник О. П. Богомолова

Художественный редактор О. П. Богомолова

Компьютерная графика А. Г. Вьюниковская

Технический редактор и верстальщик Н. Н. Репьева

Корректоры Е. В. Павлова, Т. А. Лебедева

Налоговая льгота — Общероссийский классификатор продукции ОК 005-93--953000. Изд. лиц. Серия ИД № 05824 от 12.09.01. Подписано в печать с оригинал-макета 14.05.12. Формат 60×90¹/₁₆.

Бумага типографская № 2. Гарнитура Школьная. Печать офсетная.
Уч.-изд. л. 1,53. Тираж 5 000 экз. Заказ № 1730.

Открытое акционерное общество «Издательство «Просвещение».
127521, Москва, 3-й проезд Мариной рощи, 41.

Отпечатано в полном соответствии с качеством предоставленных издательством материалов в ОАО «Тверской ордена Трудового Красного Знамени полиграфкомбинат детской литературы им. 50-летия СССР», 170040, г. Тверь, проспект 50 лет Октября, 16. *

ISBN 978-5-09-022869-5

© Издательство «Просвещение», 2012
© Художественное оформление.
Издательство «Просвещение», 2012
Все права защищены

Предисловие

Каждый тест сборника (в четырёх вариантах) проверяет усвоение на *обязательном уровне* материала по теме, изложенной в одном или нескольких пунктах учебника А. Н. Колмогорова «Алгебра и начала математического анализа».

Номер теста	Название теста	Пункты учебника
1	Первообразная и её основное свойство	26—27
2	Правила нахождения первообразных	28
3	Площадь криволинейной трапеции	29
4	Интеграл и его применение	30—31
5	Корень n -й степени и его свойства	32
6	Иррациональные уравнения	33
7	Степень с рациональным показателем	34
8	Показательная функция. Решение показательных уравнений и неравенств	35—36
9	Логарифмы и их свойства	37
10	Логарифмическая функция. Решение логарифмических уравнений и неравенств	38—39
11	Производная и первообразная показательной функции	41
12	Производная и первообразная логарифмической функции	42
13	Степенная функция	43

Все тестовые задания предполагают *открытую форму записи ответов*. Каждое задание проверяет либо знание одной-двух формул, либо сформированность одного-двух элементарных действий. Таким образом, эти задания дают

возможность диагностировать наличие у учащихся таких знаний и умений по теме, без которых приступать к выполнению традиционной тематической контрольной работы (более того, продолжать изучение нового материала) нецелесообразно.

Рекомендуется допускать учащихся к выполнению традиционной контрольной работы лишь после того, как они будут справляться не менее чем с 80 % заданий теста по соответствующей теме.

Примерное время выполнения каждого теста указано в скобках.

Приведённые в сборнике тестовые задания могут быть использованы учителями для тематического контроля элементарных учебных действий учащихся при работе по любым учебникам алгебры и начал математического анализа, соответствующим стандартам математического образования.

Тест 1. Первообразная и её основное свойство (10 мин)

Вариант 1

1. Установите, какая из функций $F_1(x) = \sin x$; $F_2(x) = -\sin x$; $F_3(x) = \cos x$; $F_4(x) = -\cos x$ является одной из первообразных функции $f(x) = -\cos x$ на промежутке $x \in (-\infty; +\infty)$.

Ответ: _____

2. Запишите общий вид первообразной для функции $f(x)$, если:

а) $f(x) = \frac{1}{x^3}$;

б) $f(x) = 7$;

в) $f(x) = \frac{1}{\sin^2 x}$;

г) $f(x) = \sin x$.

Ответ: _____

Вариант 2

1. Установите, какая из функций $F_1(x) = \sin x$; $F_2(x) = -\sin x$; $F_3(x) = \cos x$; $F_4(x) = -\cos x$ является одной из первообразных функции $f(x) = \sin x$ на промежутке $x \in (-\infty; +\infty)$.

Ответ: _____

2. Запишите общий вид первообразной для функции $f(x)$, если:

а) $f(x) = \frac{1}{\cos^2 x}$;

б) $f(x) = x^5$;

в) $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$;

г) $f(x) = -2$.

Ответ: _____

Тест 1. Первообразная и её основное свойство (10 мин)

Вариант 3

1. Установите, какая из функций $F_1(x) = -\frac{1}{4}x^{-4}$; $F_2(x) = -5x^{-6}$; $F_3(x) = -\frac{1}{5}x^{-5}$; $F_4(x) = -\frac{1}{5}x^{-6}$ является одной из первообразных функции $f(x) = x^{-5}$ на промежутке $x \in (0; +\infty)$.

Ответ: _____

2. Запишите общий вид первообразной для функции $f(x)$, если:
- а) $f(x) = -8$; б) $f(x) = \frac{1}{\sin^2 x}$;
в) $f(x) = \cos x$; г) $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$.

Ответ: _____

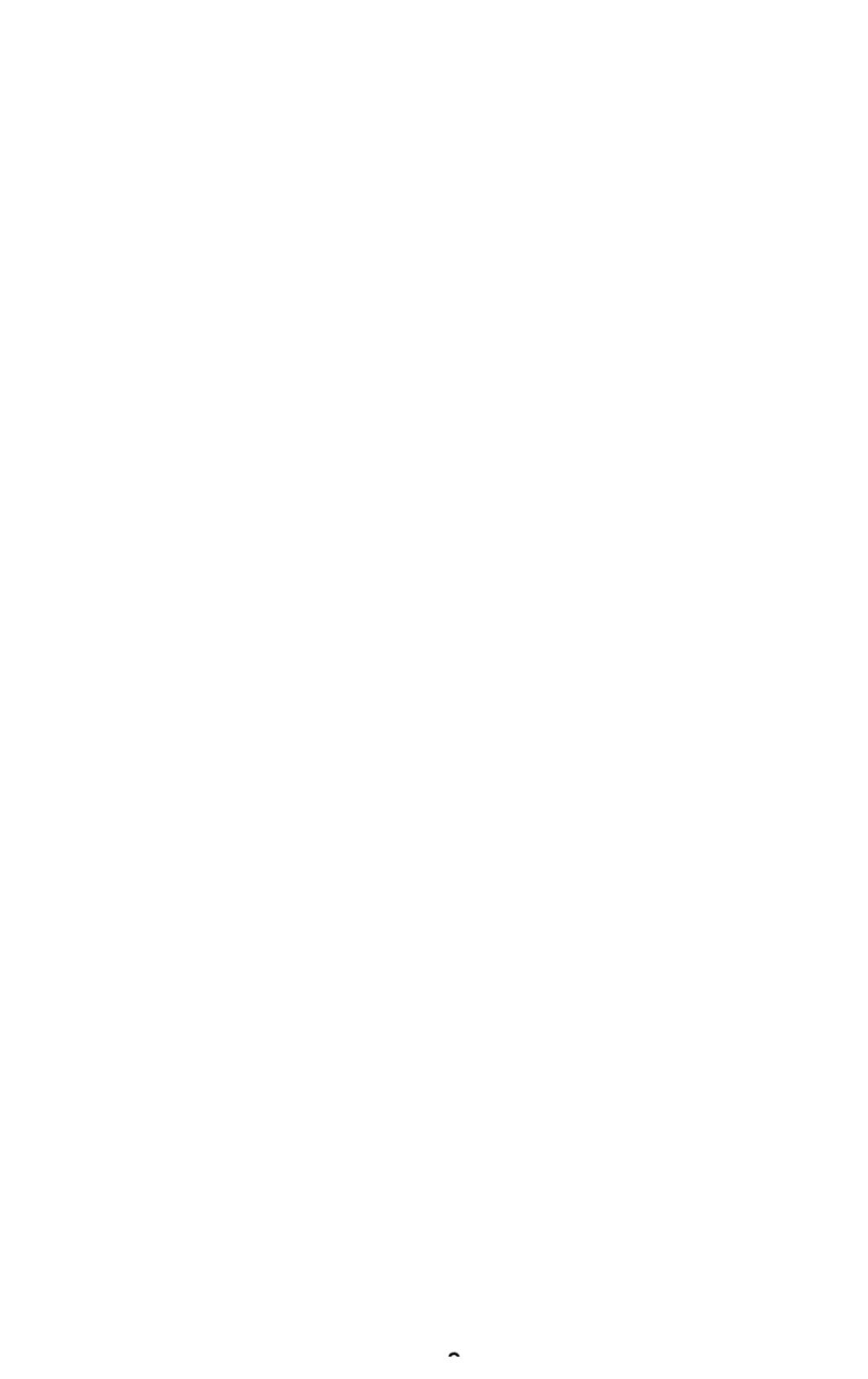
Вариант 4

1. Установите, какая из функций $F_1(x) = 7x^6$; $F_2(x) = \frac{1}{8}x^8$; $F_3(x) = \frac{1}{7}x^8$; $F_4(x) = \frac{1}{7}x^7$ является одной из первообразных функции $f(x) = x^7$ на промежутке $x \in (-\infty; +\infty)$.

Ответ: _____

2. Запишите общий вид первообразной для функции $f(x)$, если:
- а) $f(x) = \sin x$; б) $f(x) = \frac{1}{x^4}$;
в) $f(x) = 2,3$; г) $f(x) = \frac{1}{\cos^2 x}$.

Ответ: _____



Тест 2. Правила нахождения первообразных (15 мин)

Вариант 1

1. Найдите общий вид первообразной для функции $f(x)$, если:
- а) $f(x) = \sqrt{x} + \frac{1}{\cos^2 x}$; б) $f(x) = -\frac{4}{3} \cos x$;
- в) $f(x) = (3 + 4x)^5$.

Ответ: _____

2. Для функции $f(x)$ найдите первообразную, график которой проходит через точку M , если: $f(x) = 4 \sin(2x - \pi)$, $M\left(\frac{\pi}{2}; 3\right)$.

Ответ: _____

Вариант 2

1. Найдите общий вид первообразной для функции $f(x)$, если:
- а) $f(x) = \frac{1}{\sin^2 x} - x^{-8}$; б) $f(x) = \frac{5}{x^6}$;
- в) $f(x) = (2 - 7x)^3$.

Ответ: _____

2. Для функции $f(x)$ найдите первообразную, график которой проходит через точку M , если: $f(x) = 5 \cos\left(3x + \frac{\pi}{2}\right)$, $M\left(\frac{\pi}{6}; -2\right)$.

Ответ: _____

Тест 2. Правила нахождения первообразных (15 мин)

Вариант 3

1. Найдите общий вид первообразной для функции $f(x)$, если:

а) $f(x) = \frac{1}{\cos^2 x} - \frac{1}{x^2}$;

б) $f(x) = \sqrt{2} \sin x$;

в) $f(x) = \left(\frac{3}{4}x - 1\right)^6$.

Ответ: _____

2. Для функции $f(x)$ найдите первообразную, график которой проходит через точку M , если: $f(x) = \frac{3}{x^4} + 1$,
 $M\left(2; \frac{7}{8}\right)$.

Ответ: _____

Вариант 4

1. Найдите общий вид первообразной для функции $f(x)$, если:

а) $f(x) = \frac{1}{\sin^2 x} + \sqrt{x}$;

б) $f(x) = -3,7 \cos x$;

в) $f(x) = \left(-\frac{1}{3}x + 4\right)^7$.

Ответ: _____

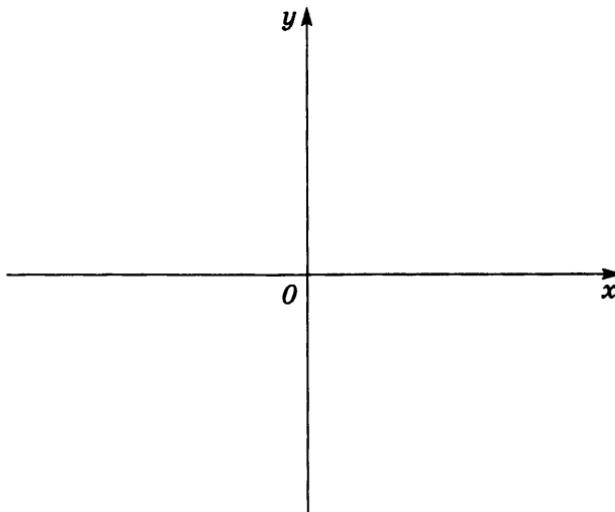
2. Для функции $f(x)$ найдите первообразную, график которой проходит через точку M , если: $f(x) = x - \frac{10}{x^6}$,
 $M\left(1; \frac{1}{2}\right)$.

Ответ: _____

Тест 3. Площадь криволинейной трапеции (10 мин)

Вариант 1

1. Изобразите фигуру, ограниченную линиями: $y = \cos x$, $y = 0$, $x = \frac{\pi}{6}$, $x = \frac{\pi}{3}$.



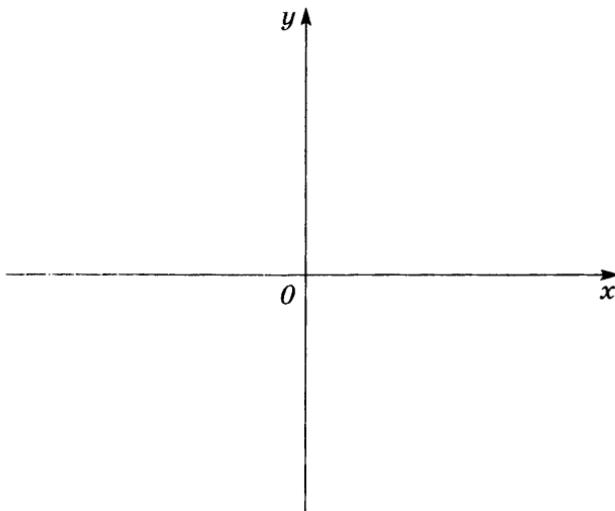
2. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^3$, $y = 0$, $x = 2$.

Ответ: _____

Тест 3. Площадь криволинейной трапеции (10 мин)

Вариант 2

- Изобразите фигуру, ограниченную линиями: $y = \sin x$, $y = 0$, $x = \frac{\pi}{4}$, $x = \frac{2\pi}{3}$.



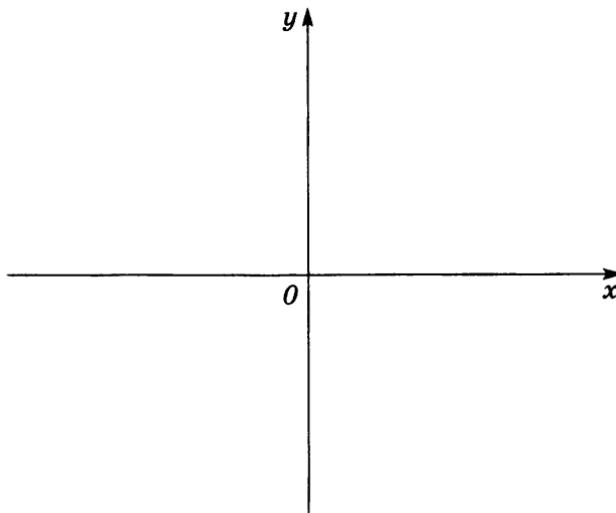
- Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = \frac{1}{x^3}$, $y = 0$, $x = 1$, $x = 2$.

Ответ: _____

Тест 3. Площадь криволинейной трапеции (10 мин)

Вариант 3

1. Изобразите фигуру, ограниченную линиями: $y = \sqrt{x}$, $y = 0$, $x = 4$.



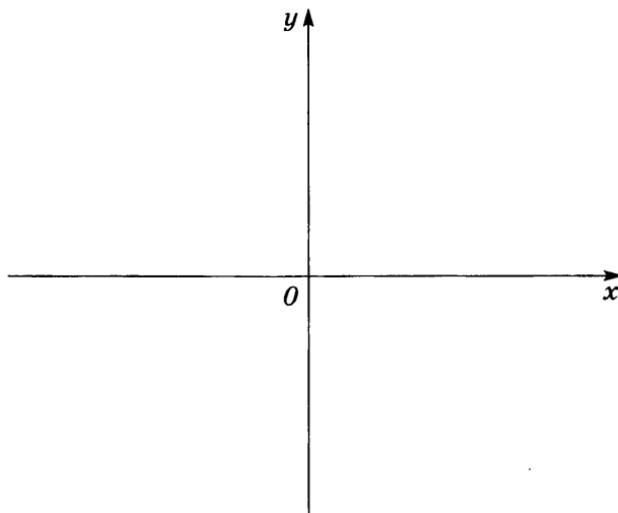
2. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = \cos x$, $y = 0$, $x = \frac{\pi}{6}$, $x = \frac{\pi}{4}$.

Ответ: _____

Тест 3. Площадь криволинейной трапеции (10 мин)

Вариант 4

1. Изобразите фигуру, ограниченную линиями: $y = x^3$, $y = 0$, $x = 1$, $x = 2$.



2. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = \sin x$, $y = 0$, $x = \frac{\pi}{3}$, $x = \frac{\pi}{2}$.

Ответ: _____

Тест 4. Интеграл и его применение (20 мин)

Вариант 1

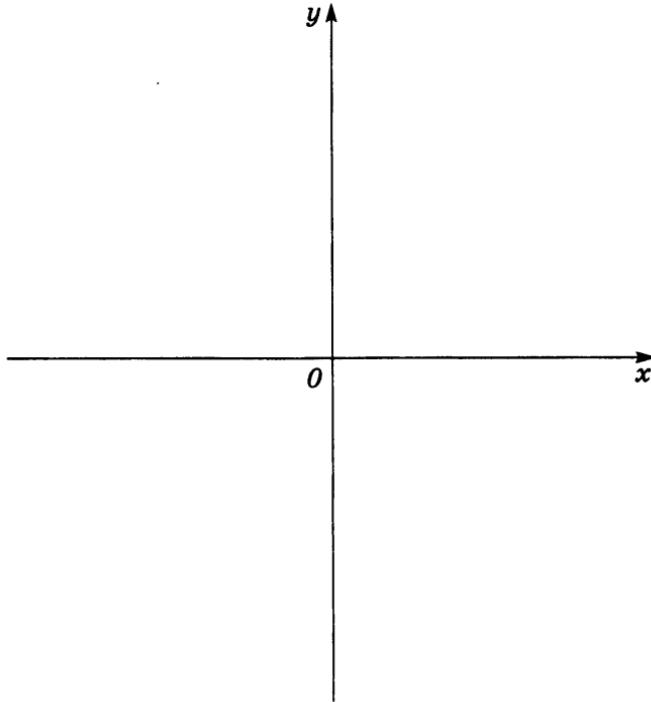
1. Вычислите интеграл:

a) $\int_{-2}^3 x^2 dx;$

б) $\int_{\frac{\pi}{6}}^{\pi} \sin 3x dx.$

Ответ: _____

2. Сделав рисунок, вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^2 + 1$, $y = 2$.



Ответ: _____

3. Найдите объём тела, полученного вращением вокруг оси абсцисс криволинейной трапеции, опирающейся на отрезок $[a; b]$ и ограниченной сверху графиком функции $f(x)$, если: $f(x) = \sqrt{x}$, $a = 4$, $b = 6$.

Ответ: _____

Тест 4. Интеграл и его применение (20 мин)

Вариант 2

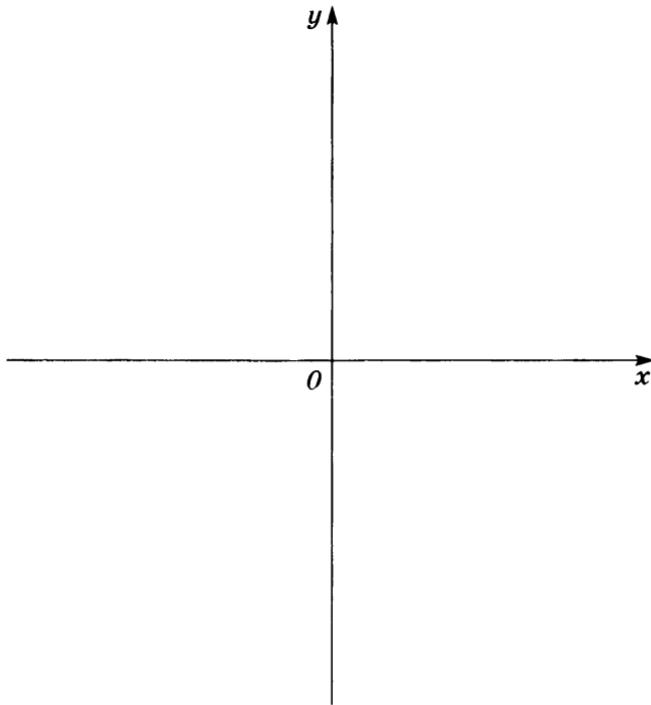
1. Вычислите интеграл:

a) $\int_1^2 \frac{dx}{x^3};$

б) $\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{4}} \cos 2x \, dx.$

Ответ: _____

2. Сделав рисунок, вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^3$, $x = 0$, $y = 8$.



Ответ: _____

3. Найдите объём тела, полученного вращением вокруг оси абсцисс криволинейной трапеции, опирающейся на отрезок $[a; b]$ и ограниченной сверху графиком функции $f(x)$, если: $f(x) = x$, $a = 1$, $b = 3$.

Ответ: _____

Тест 4. Интеграл и его применение (20 мин)

Вариант 3

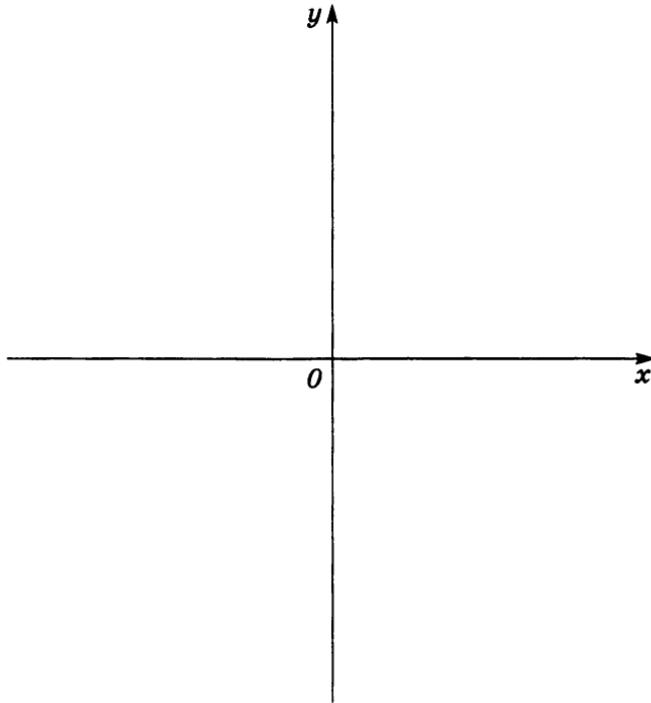
1. Вычислите интеграл:

a) $\int_{-1}^1 x^4 dx;$

б) $\int_{\frac{\pi}{3}}^{\frac{\pi}{2}} \sin \frac{x}{2} dx.$

Ответ: _____

2. Сделав рисунок, вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = 4 - x^2$, $y = 3$.



Ответ: _____

3. Найдите объём тела, полученного вращением вокруг оси абсцисс криволинейной трапеции, опирающейся на отрезок $[a; b]$ и ограниченной сверху графиком функции $f(x)$, если: $f(x) = x^2$, $a = 1$, $b = 2$.

Ответ: _____

Тест 4. Интеграл и его применение (20 мин)

Вариант 4

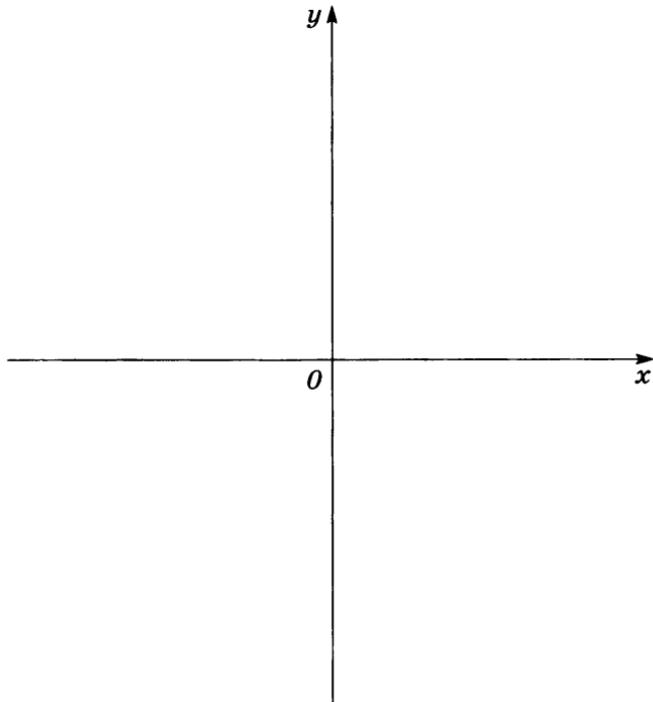
1. Вычислите интеграл:

а) $\int_2^3 \frac{dx}{x^2}$;

б) $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} \cos \frac{x}{3} dx$.

Ответ: _____

2. Сделав рисунок, вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = -x^3$, $x = 0$, $y = 1$.



Ответ: _____

3. Найдите объём тела, полученного вращением вокруг оси абсцисс криволинейной трапеции, опирающейся на отрезок $[a; b]$ и ограниченной сверху графиком функции $f(x)$, если: $f(x) = x^2$, $a = 0$, $b = 2$.

Ответ: _____

Тест 5. Корень n -й степени и его свойства (20 мин)

Вариант 1

1. Найдите значение выражения:

а) $(\sqrt[7]{-8})^7$;

б) $\sqrt[3]{125 \cdot 0,027}$;

в) $\frac{\sqrt[4]{6250}}{\sqrt[4]{10}}$;

г) $\sqrt[4]{9} \cdot \sqrt{3}$.

Ответ: _____

2. Найдите два целых числа, между которыми заключено число $\sqrt[5]{45}$.

Ответ: _____

3. Сравните числа $\sqrt[3]{-2}$ и $\sqrt[5]{-5}$.

Ответ: _____

4. Упростите выражение:

а) $\sqrt[5]{\sqrt[5]{20}}$;

б) $\sqrt[16]{3^{12}}$.

Ответ: _____

5. Внесите множители под знак корня, если $a > 0$ и $b > 0$:

$$-2a^2 b \sqrt[3]{\frac{a}{b}}.$$

Ответ: _____

6. Вынесите множители за знак корня, если $a > 0$:

$$\sqrt[5]{-32a^{17}}.$$

Ответ: _____

Тест 5. Корень n -й степени и его свойства (20 мин)

Вариант 2

1. Найдите значение выражения:

а) $\sqrt[6]{15^6}$;

б) $\sqrt[4]{\frac{81}{256}}$;

в) $\sqrt[5]{-27} \cdot \sqrt[5]{9}$;

г) $\frac{\sqrt[3]{2}}{\sqrt[6]{256}}$.

Ответ: _____

2. Найдите два целых числа, между которыми заключено число $\sqrt[4]{700}$.

Ответ: _____

3. Сравните числа $\sqrt[6]{9}$ и $\sqrt[4]{3}$.

Ответ: _____

4. Упростите выражение:

а) $\sqrt[30]{6^{18}}$;

б) $\sqrt[3]{\sqrt[7]{5}}$.

Ответ: _____

5. Внесите множители под знак корня, если $a > 0$ и $b > 0$:

$$3ab^2 \sqrt[4]{\frac{b}{a^7}}.$$

Ответ: _____

6. Вынесите множители за знак корня, если $a > 0$:

$$\sqrt[6]{128a^{25}}.$$

Ответ: _____

Тест 5. Корень n -й степени и его свойства (20 мин)

Вариант 3

1. Найдите значение выражения:

а) $\sqrt[8]{(-9)^8}$;

б) $\sqrt[5]{0,00032 \cdot 243}$;

в) $\frac{\sqrt[3]{1512}}{\sqrt[3]{7}}$;

г) $\sqrt[5]{16} \cdot \sqrt[10]{4}$.

Ответ: _____

2. Найдите два целых числа, между которыми заключено число $\sqrt[3]{60}$.

Ответ: _____

3. Сравните числа $\sqrt[4]{6}$ и $\sqrt[3]{5}$.

Ответ: _____

4. Упростите выражение:

а) $\sqrt[4]{\sqrt{7}}$;

б) $\sqrt[12]{10^{16}}$.

Ответ: _____

5. Внесите множители под знак корня, если $a > 0$ и $b > 0$:

$$2a^3b\sqrt[5]{\frac{b}{a^8}}.$$

Ответ: _____

6. Вынесите множители за знак корня, если $a > 0$:
- $$\sqrt[4]{162a^{15}}.$$

Ответ: _____

Тест 5. Корень n -й степени и его свойства (20 мин)

Вариант 4

1. Найдите значение выражения:

а) $(\sqrt[5]{0,9})^5$;

б) $\sqrt[3]{-\frac{64}{343}}$;

в) $\sqrt[4]{125} \cdot \sqrt[4]{5}$;

г) $\frac{\sqrt[6]{1728}}{\sqrt{3}}$.

Ответ: _____

2. Найдите два целых числа, между которыми заключено число $\sqrt[5]{140}$.

Ответ: _____

3. Сравните числа $\sqrt[5]{-4}$ и $\sqrt[3]{-2}$.

Ответ: _____

4. Упростите выражение:

а) $\sqrt[15]{4^9}$;

б) $\sqrt[5]{\sqrt[3]{12}}$.

Ответ: _____

5. Внесите множители под знак корня, если $a > 0$ и $b > 0$:

$$-3ab^2 \sqrt[3]{\frac{a}{b^9}}.$$

Ответ: _____

6. Вынесите множители за знак корня, если $a > 0$:
 $\sqrt[5]{-96a^{22}}$.

Ответ: _____

Тест 6. Иррациональные уравнения (15 мин)

Вариант 1

1. Решите уравнение:

а) $x^6 - 18 = 0;$

б) $\sqrt[9]{x} = -1;$

в) $\sqrt{170 - x^2} = 7;$

г) $\sqrt{x^2 + x - 4} - \sqrt{x} = 0.$

Ответ: _____

2. Решите систему уравнений: $\begin{cases} \sqrt[4]{x} - \sqrt[4]{y} = 1, \\ 2\sqrt[4]{x} + \sqrt[4]{y} = 5. \end{cases}$

Ответ: _____

Вариант 2

1. Решите уравнение:

а) $x^7 = 13;$

б) $\sqrt[6]{x} - 2 = 0;$

в) $\sqrt{x^2 + 11} - 6 = 0;$

г) $\sqrt{x - 1} = \sqrt{x^2 + 3x - 1}.$

Ответ: _____

2. Решите систему уравнений: $\begin{cases} 5\sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{y} = 3, \\ 2\sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{y} = 4. \end{cases}$

Ответ: _____

Тест 6. Иррациональные уравнения (15 мин)

Вариант 3

1. Решите уравнение:

а) $x^5 + 9 = 0;$

б) $\sqrt[4]{x} = 3;$

в) $\sqrt{100 - x^2} - 8 = 0;$

г) $\sqrt{2x} - \sqrt{x^2 + 2x - 9} = 0.$

Ответ: _____

2. Решите систему уравнений:
$$\begin{cases} \sqrt[5]{x} - 3\sqrt[5]{y} = 1, \\ -\sqrt[5]{x} + 6\sqrt[5]{y} = -4. \end{cases}$$

Ответ: _____

Вариант 4

1. Решите уравнение:

а) $x^8 = 10;$

б) $\sqrt[5]{x} + 2 = 0;$

в) $\sqrt{x^2 - 56} = 5;$

г) $\sqrt{x^2 + 4x + 1} = \sqrt{x + 1}.$

Ответ: _____

2. Решите систему уравнений:
$$\begin{cases} \sqrt[4]{x} - \sqrt[4]{y} = -2, \\ 2\sqrt[4]{x} + \sqrt[4]{y} = 5. \end{cases}$$

Ответ: _____

Тест 7. Степень с рациональным показателем (15 мин)

Вариант 1

1. Представьте $\sqrt[7]{5^{-2}}$ в виде степени с рациональным показателем.

Ответ: _____

2. Запишите в виде корня из числа:

а) $3^{-\frac{4}{5}}$; б) $2^{0,3}$.

Ответ: _____

3. Найдите значение выражения $8^{\frac{2}{3}} : 4^{-\frac{1}{2}} + 3^0$.

Ответ: _____

4. Сравните числа $0,8^{\frac{5}{6}}$ и $\sqrt[7]{0,8^5}$.

Ответ: _____

Тест 7. Степень с рациональным показателем (15 мин)

Вариант 2

1. Представьте $\sqrt[6]{0,4^5}$ в виде степени с рациональным показателем.

Ответ: _____

2. Запишите в виде корня из числа:

а) $2^{1,2};$ б) $5^{-\frac{4}{3}}.$

Ответ: _____

3. Найдите значение выражения $10^{\frac{1}{5}} \cdot 2^{-\frac{6}{5}} \cdot 5^{\frac{4}{5}} - 2^0.$

Ответ: _____

4. Сравните числа $\sqrt[5]{7^4}$ и $7^{\frac{3}{5}}.$

Ответ: _____

Тест 7. Степень с рациональным показателем (15 мин)

Вариант 3

1. Представьте $\sqrt[5]{1,3^4}$ в виде степени с рациональным показателем.

Ответ: _____

2. Запишите в виде корня из числа:

a) $4^{-0,6}$; б) $3^{\frac{1}{3}}$.

Ответ: _____

3. Найдите значение выражения $9^{-\frac{3}{2}} \cdot 27^{\frac{4}{3}} - 5^0$.

Ответ: _____

4. Сравните числа $\sqrt[6]{12^7}$ и $12^{\frac{7}{5}}$.

Ответ: _____

Тест 7. Степень с рациональным показателем (15 мин)

Вариант 4

1. Представьте $\sqrt[4]{2^{-3}}$ в виде степени с рациональным показателем.

Ответ: _____

2. Запишите в виде корня из числа:

а) $5^{\frac{1}{2}}$; б) $2^{-1,2}$.

Ответ: _____

3. Найдите значение выражения $\frac{6^{\frac{3}{4}}}{2^{-\frac{5}{4}} \cdot 3^{\frac{3}{4}}} + 6^0$.

Ответ: _____

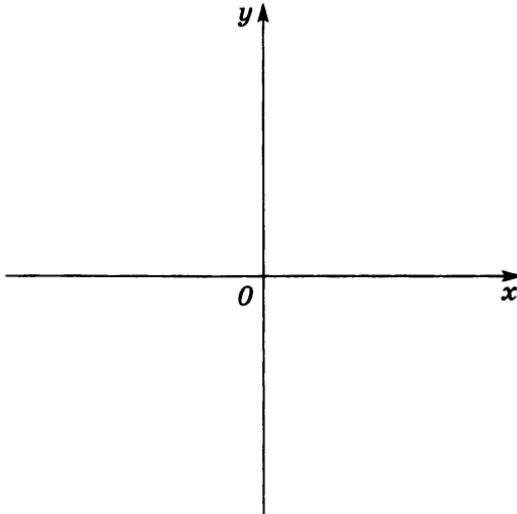
4. Сравните числа $0,4^{\frac{7}{9}}$ и $\sqrt[9]{0,4^8}$.

Ответ: _____

Тест 8. Показательная функция. Решение показательных уравнений и неравенств (15 мин)

Вариант 1

1. Изобразите схематически график функции $y = 0,6^x$.



2. Найдите область значений функции $y = 4^x - 2$.

Ответ: _____

3. Сравните числа: а) 1 и $2^{-\sqrt{7}}$; б) $11^{\sqrt{7}-1}$ и $11^{\sqrt{7}-2}$.

Ответ: _____

4. Решите уравнение:

а) $9^x = 27$; б) $\left(\frac{2}{7}\right)^{x-1} = \left(\frac{7}{2}\right)^{x+3}$.

Ответ: _____

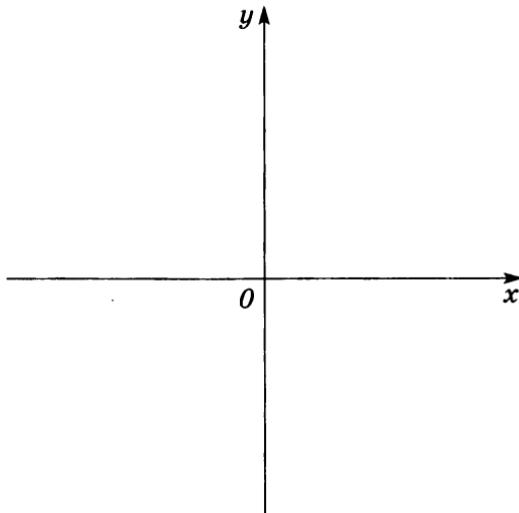
5. Решите неравенство $(\sqrt[4]{5})^x < 25$.

Ответ: _____

Тест 8. Показательная функция. Решение показательных уравнений и неравенств (15 мин)

Вариант 2

1. Изобразите схематически график функции $y = \left(3\frac{2}{3}\right)^x$.



2. Найдите область значений функции $y = -0,7^x$.

Ответ: _____

3. Сравните числа: а) $\left(\frac{3}{4}\right)^{\sqrt{6}}$ и 1; б) $0,7^{\frac{\sqrt{3}}{2}}$ и $0,7^{\frac{\sqrt{3}}{3}}$.

Ответ: _____

4. Решите уравнение:

а) $\left(\frac{1}{4}\right)^x = 16$; б) $25^{2x+3} = 25^{x-7}$.

Ответ: _____

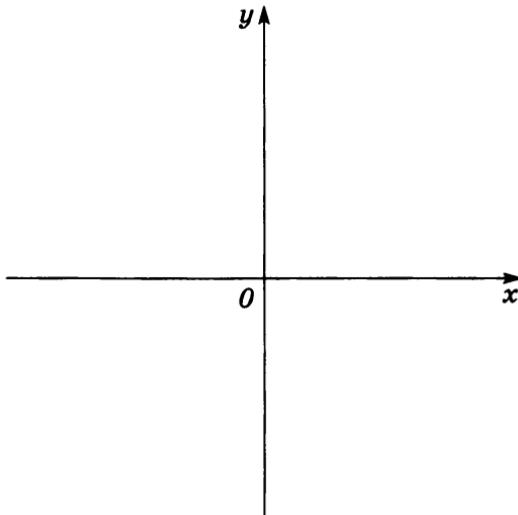
5. Решите неравенство $\left(\sqrt[3]{0,6}\right)^x \geq \frac{3}{5}$.

Ответ: _____

Тест 8. Показательная функция. Решение показательных уравнений и неравенств (15 мин)

Вариант 3

1. Изобразите схематически график функции $y = \left(\frac{4}{5}\right)^x$.



2. Найдите область значений функции $y = 2,1^x + 3$.

Ответ: _____

3. Сравните числа: а) $0,3^{-\sqrt{5}}$ и 1; б) $\left(\frac{6}{7}\right)^{\sqrt{5}+1}$ и $\left(\frac{6}{7}\right)^{\sqrt{5}-1}$.

Ответ: _____

4. Решите уравнение:

а) $4^x = 32$; б) $\left(\frac{6}{7}\right)^{x+5} = \left(\frac{7}{6}\right)^{x+9}$.

Ответ: _____

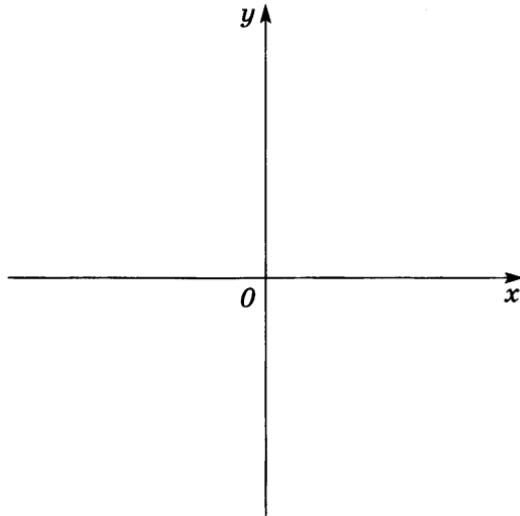
5. Решите неравенство $\left(\sqrt[6]{0,2}\right)^x \leq 0,04$.

Ответ: _____

Тест 8. Показательная функция. Решение показательных уравнений и неравенств (15 мин)

Вариант 4

1. Изобразите схематически график функции $y = 2,6^x$.



2. Найдите область значений функции $y = -5^x$.

Ответ: _____

3. Сравните числа: а) $5^{\sqrt{0,8}}$ и 1; б) $10^{\frac{\sqrt{6}}{3}}$ и $10^{\frac{\sqrt{6}}{5}}$.

Ответ: _____

- 4. Решите уравнение:**

a) $\left(\frac{1}{27}\right)^x = 81$; b) $31^{x-8} = 31^{3x+4}$.

Ответ: _____

5. Решите неравенство $\left(\sqrt[5]{4}\right)^x > \frac{1}{4}$.

Ответ: _____

Тест 9. Логарифмы и их свойства (20 мин)

Вариант 1

- 1.** Найдите значение: а) $\log_5 \frac{1}{25}$; б) $\lg 0,001$.

Ответ: _____

- 2.** Решите уравнение:

$$a) \log_9 x = \frac{1}{2};$$

$$6) \log_x 9 = \frac{1}{2}.$$

Ответ:

- 3. Упростите выражение:**

$$a) 19^{\log_{19} 13};$$

$$6) 6^{2 + \log_6 4};$$

B) $0, 2^{3\log_{0.2} 1}$.

Ответ:

4. Прологарифмируйте по основанию 10 выражение

$$\frac{100\sqrt[4]{b^3}}{a^3}, \text{ где } a > 0 \text{ и } b > 0.$$

Ответ: _____

Тест 9. Логарифмы и их свойства (20 мин)

Вариант 2

1. Найдите значение: а) $\lg 1000$; б) $\log_{\frac{1}{3}} 81$.

Ответ: _____

2. Решите уравнение:

а) $\log_x 25 = -\frac{1}{2}$; б) $\log_{3\sqrt{5}} x = 0$.

Ответ: _____

3. Упростите выражение:

а) $23^{\log_{23} 6}$; б) $0,7^{1 + \log_{0,7} 5}$;
в) $16^{\frac{1}{2} \log_{16} 9}$.

Ответ: _____

4. Прологарифмируйте по основанию 4 выражение $\frac{y^5}{16\sqrt[3]{x^2}}$, где $x > 0$ и $y > 0$.

Ответ: _____

Тест 9. Логарифмы и их свойства (20 мин)

Вариант 3

1. Найдите значение: а) $\log_{\frac{1}{2}} 16$; б) $\lg 1.$

Ответ:

- 2. Решите уравнение:**

$$a) \log_8 x = -\frac{1}{3};$$

$$6) \log_3 81 = 4.$$

Ответ:

- 3. Упростите выражение:**

$$a) 6, 4^{\log_{6.4} \pi};$$

$$6) 10^{\lg 3 - 1};$$

B) $4^{2\log_4 5}$.

Ответ:

4. Прологарифмируйте по основанию 5 выражение $\frac{125\sqrt{c^3}}{b^6}$, где $b > 0$ и $c > 0$.

Ответ:

Тест 9. Логарифмы и их свойства (20 мин)

Вариант 4

1. Найдите значение: а) $\lg 10\,000$; б) $\log_4 \frac{1}{64}$.

Ответ: _____

2. Решите уравнение:

а) $\log_x 16 = -2$; б) $\log_{\sqrt{6}} x = 4$.

Ответ: _____

3. Упростите выражение:

а) $\pi^{\log_{\pi} 1}$; б) $0,5^{\log_{0,5} 2 + 2}$;
в) $27^{\frac{1}{3} \log_{27} 8}$.

Ответ: _____

4. Прологарифмируйте по основанию 3 выражение $\frac{b^8}{81\sqrt[5]{a^2}}$, где $a > 0$ и $b > 0$.

Ответ: _____

Тест 10. Логарифмическая функция. Решение логарифмических уравнений и неравенств (10 мин)

Вариант 1

1. Найдите область определения функции $y = \log_{0,7}(5 - 2x)$.

Ответ: _____

2. Сравните числа $\log_9 0,8$ и $\log_9 0,7$.

Ответ: _____

3. Решите уравнение $\log_{\frac{1}{2}}\left(\frac{x}{2} + 3\right) = -1$.

Ответ: _____

4. Решите неравенство $\log_{0,8}x > -1$.

Ответ: _____

Тест 10. Логарифмическая функция. Решение логарифмических уравнений и неравенств (10 мин)

Вариант 2

1. Найдите область определения функции $y = \log_{15}\left(\frac{x}{3} - 2\right)$.

Ответ: _____

2. Сравните числа $\log_{0,1}3,5$ и $\log_{0,1}3,6$.

Ответ: _____

3. Решите уравнение $\log_{\sqrt{3}}(6 - 5x) = 2$.

Ответ: _____

4. Решите неравенство $\log_7x \leq 2$.

Ответ: _____

Тест 10. Логарифмическая функция. Решение логарифмических уравнений и неравенств (10 мин)

Вариант 3

1. Найдите область определения функции $y = \log_4(3 + 5x)$.

Ответ: _____

2. Сравните числа $\log_{\sqrt{3}} 1,6$ и $\log_{\sqrt{3}} 1,8$.

Ответ: _____

3. Решите уравнение $\log_{\sqrt{5}} (2x - 1) = -2$.

Ответ: _____

4. Решите неравенство $\log_{0,5} x > -2$.

Ответ: _____

Тест 10. Логарифмическая функция. Решение логарифмических уравнений и неравенств (10 мин)

Вариант 4

1. Найдите область определения функции $y = \log_{6,1}\left(4 - \frac{x}{2}\right)$.

Ответ: _____

2. Сравните числа $\log_{\frac{1}{\pi}} 0,4$ и $\log_{\frac{1}{\pi}} 0,5$.

Ответ: _____

3. Решите уравнение $\log_{\frac{1}{3}}\left(\frac{x}{3} - \frac{26}{27}\right) = 3$.

Ответ: _____

4. Решите неравенство $\log_{1,1}x \leq 1$.

Ответ: _____

Тест 11. Производная и первообразная показательной функции (15 мин)

Вариант 1

1. Найдите производную функции:

а) $y = 3x^4 + e^{-6x};$

б) $y = 5^x \sin x.$

Ответ: _____

2. Найдите общий вид первообразных для функции $f(x) = \frac{2}{3}e^x - x^3.$

Ответ: _____

3. Вычислите $\int_{\frac{1}{2}}^1 4^x dx.$

Ответ: _____

Вариант 2

1. Найдите производную функции:

а) $y = e^{4x} - \frac{2}{x^3};$

б) $y = 7^x \operatorname{ctg} x.$

Ответ: _____

2. Найдите общий вид первообразных для функции $f(x) = 6 \cdot 5^x + x^2.$

Ответ: _____

3. Вычислите $\int_{-1}^2 e^x dx.$

Ответ: _____

Тест 11. Производная и первообразная показательной функции (15 мин)

Вариант 3

1. Найдите производную функции:

а) $y = e^{-2x} + 5x^3$;

б) $y = 4^x \cos x$.

Ответ: _____

2. Найдите общий вид первообразных для функции $f(x) = \frac{e^x}{2} - x^4$.

Ответ: _____

3. Вычислите $\int_1^2 5^x dx$.

Ответ: _____

Вариант 4

1. Найдите производную функции:

а) $y = \frac{3}{x^6} - e^{3x}$;

б) $y = 8^x \operatorname{tg} x$.

Ответ: _____

2. Найдите общий вид первообразных для функции $f(x) = 4 \cdot 7^x + x$.

Ответ: _____

3. Вычислите $\int_{-2}^1 e^x dx$.

Ответ: _____

Тест 12. Производная и первообразная логарифмической функции (10 мин)

Вариант 1

1. Найдите производную функции:

а) $y = \ln(6x - 5);$ б) $y = x^2 \log_9 x.$

Ответ: _____

2. Найдите общий вид первообразных функции $f(x) = \frac{7}{3x},$ если $x \neq 0.$

Ответ: _____

Вариант 2

1. Найдите производную функции:

а) $y = x^3 \log_7 x;$ б) $y = \ln\left(\frac{x}{2} + 3\right).$

Ответ: _____

2. Найдите общий вид первообразных функции $f(x) = \frac{1}{2x + 5},$ если $x \neq -\frac{5}{2}.$

Ответ: _____

Тест 12. Производная и первообразная логарифмической функции (10 мин)

Вариант 3

1. Найдите производную функции:

а) $y = \ln\left(2 - \frac{x}{3}\right);$

б) $y = x^4 \log_4 x.$

Ответ: _____

2. Найдите общий вид первообразных функции $f(x) = \frac{3}{4x}$,
если $x \neq 0$.

Ответ: _____

Вариант 4

1. Найдите производную функции:

а) $y = x^2 \log_5 x;$

б) $y = \ln(8x + 1).$

Ответ: _____

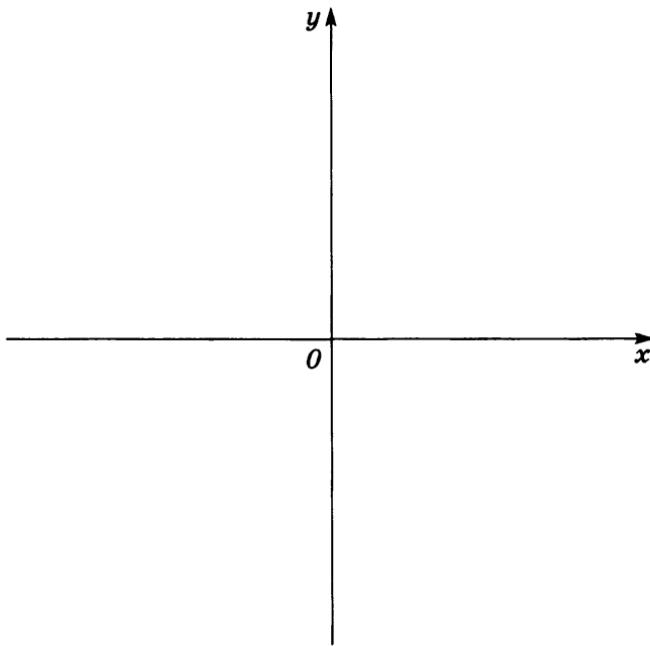
2. Найдите общий вид первообразных функции
 $f(x) = \frac{1}{3x - 2}$, если $x \neq \frac{2}{3}.$

Ответ: _____

Тест 13. Степенная функция (15 мин)

Вариант 1

1. Изобразите эскиз графика функции $f(x) = x^{-\frac{4}{3}}$.



2. Найдите производную функции $f(x) = \frac{1}{8}x^{-e}$.

Ответ: _____

3. Найдите общий вид первообразных функции $f(x) = -2x^{\sqrt{3}}$.

Ответ: _____

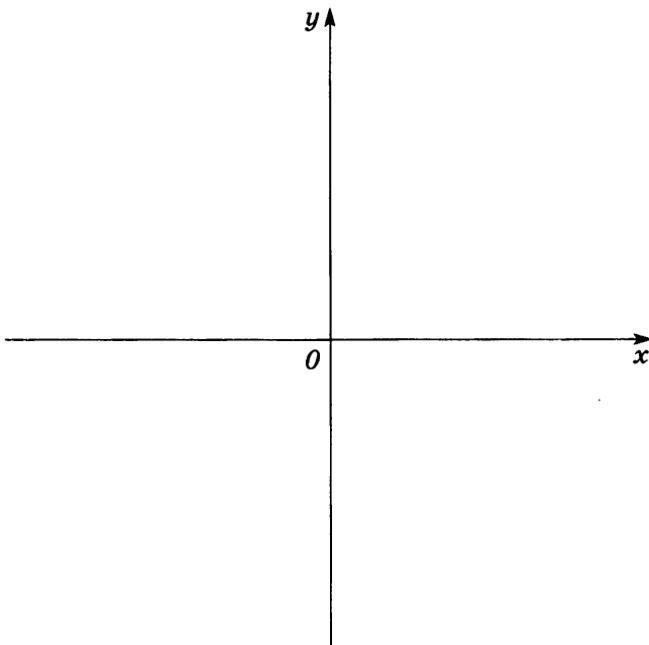
4. Используя формулу $\sqrt[n]{1 + \Delta x} \approx 1 + \frac{\Delta x}{n}$, найдите приближённое значение $\sqrt[3]{36}$.

Ответ: _____

Тест 13. Степенная функция (15 мин)

Вариант 2

1. Изобразите эскиз графика функции $f(x) = x^{\sqrt{6}}$.



2. Найдите производную функции $f(x) = -3x^{\sqrt{2}-3}$.

Ответ: _____

3. Найдите общий вид первообразных функции $f(x) = \frac{1}{4}x^{-\sqrt{5}}$.

Ответ: _____

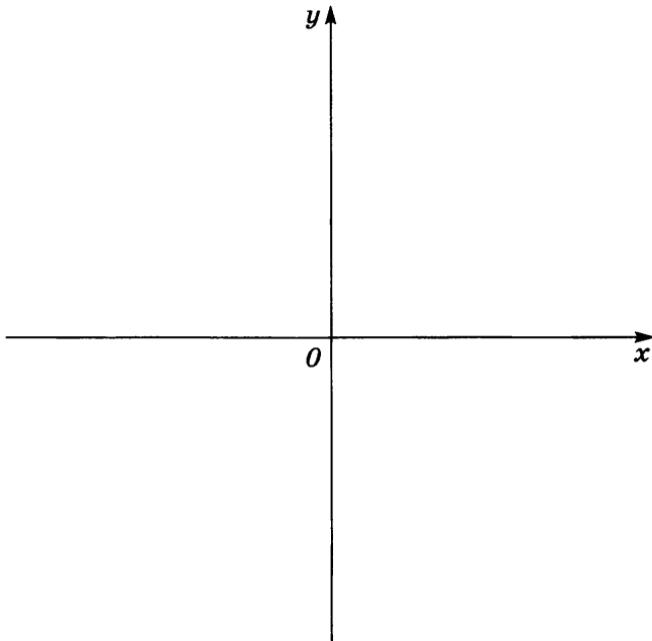
4. Используя формулу $\sqrt[n]{1 + \Delta x} \approx 1 + \frac{\Delta x}{n}$, найдите приближённое значение $\sqrt[4]{14}$.

Ответ: _____

Тест 13. Степенная функция (15 мин)

Вариант 3

1. Изобразите эскиз графика функции $f(x) = x^{\frac{1}{e}}$.



2. Найдите производную функции $f(x) = -4x^{e-1}$.

Ответ: _____

3. Найдите общий вид первообразных функции $f(x) = 6x^{-\sqrt{7}}$.

Ответ: _____

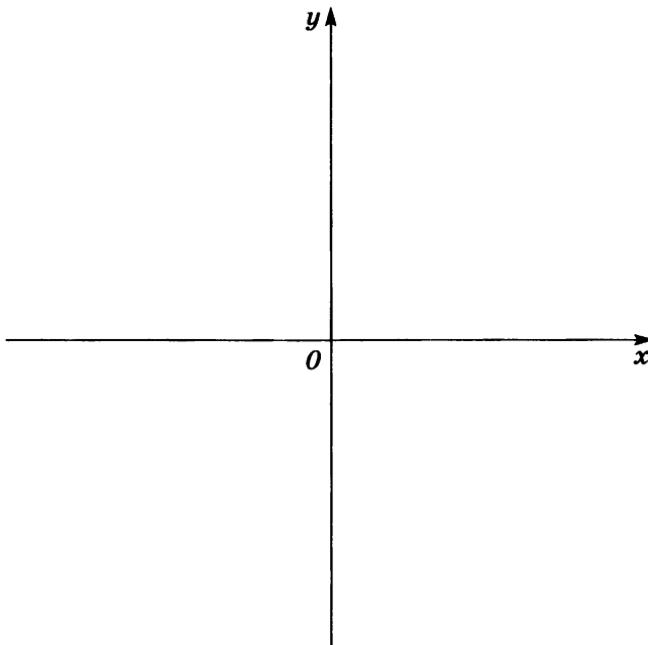
4. Используя формулу $\sqrt[n]{1 + \Delta x} \approx 1 + \frac{\Delta x}{n}$, найдите приближённое значение $\sqrt{27}$.

Ответ: _____

Тест 13. Степенная функция (15 мин)

Вариант 4

1. Изобразите эскиз графика функции $f(x) = x^{-\sqrt{3}}$.



2. Найдите производную функции $f(x) = \frac{1}{5}x^{2-\sqrt{3}}$.

Ответ: _____

3. Найдите общий вид первообразных функции $f(x) = \frac{2}{3}x^{\sqrt{2}-1}$.

Ответ: _____

4. Используя формулу $\sqrt[n]{1 + \Delta x} \approx 1 + \frac{\Delta x}{n}$, найдите приближённое значение $\sqrt[3]{24}$.

Ответ: _____

Ответы

Тест 1

- Вариант 1** 1. $F_2(x)$. 2. а) $-\frac{1}{2}x^{-2} + C$; б) $7x + C$;
в) $-\operatorname{ctg} x + C$; г) $-\cos x + C$.

- Вариант 2** 1. $F_4(x)$. 2. а) $\operatorname{tg} x + C$; б) $\frac{1}{6}x^6 + C$;
в) $2\sqrt{x} + C$; г) $-2x + C$.

- Вариант 3** 1. $F_1(x)$. 2. а) $-8x + C$; б) $-\operatorname{ctg} x + C$;
в) $\sin x + C$; г) $2\sqrt{x} + C$.

- Вариант 4** 1. $F_2(x)$. 2. а) $-\cos x + C$; б) $-\frac{1}{3}x^{-3} + C$;
в) $2,3x + C$; г) $\operatorname{tg} x + C$.

Тест 2

- Вариант 1** 1. а) $\frac{2}{3}x^{\frac{3}{2}} + \operatorname{tg} x + C$; б) $-\frac{4}{3}\sin x + C$;
в) $\frac{1}{24}(3+4x)^6 + C$. 2. $-2\cos(2x - \pi) + 5$.

- Вариант 2** 1. а) $-\operatorname{ctg} x + \frac{1}{7}x^{-7} + C$; б) $-x^{-5} + C$;
в) $-\frac{1}{28}(2-7x)^4 + C$. 2. $\frac{5}{3}\sin\left(3x + \frac{\pi}{2}\right) - 2$.

- Вариант 3** 1. а) $\operatorname{tg} x + x^{-1} + C$; б) $-\sqrt{2}\cos x + C$;
в) $\frac{4}{21}\left(\frac{3}{4}x - 1\right)^7 + C$. 2. $-x^{-3} + x - 1$.

- Вариант 4** 1. а) $-\operatorname{ctg} x + \frac{2}{3}x^{\frac{3}{2}} + C$; б) $-3,7\sin x + C$;
в) $-\frac{3}{8}\left(-\frac{1}{3}x + 4\right)^8 + C$. 2. $\frac{x^2}{2} + 2x^{-5} - 2$.

Тест 3

- Вариант 1** 1. См. рис. 1. 2. 4.

- Вариант 2** 1. См. рис. 2. 2. $\frac{3}{8}$.

- Вариант 3** 1. См. рис. 3. 2. $\frac{\sqrt{2}-1}{2}$.

- Вариант 4** 1. См. рис. 4. 2. $\frac{1}{2}$.

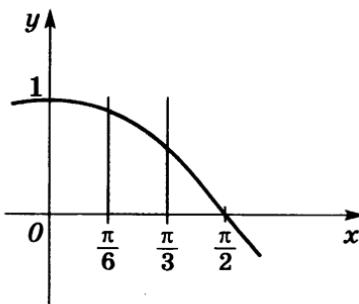


Рис. 1

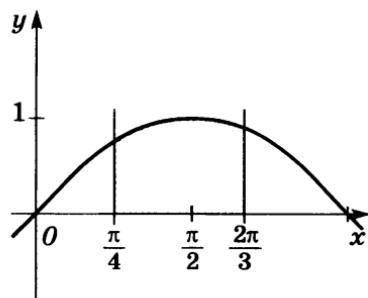


Рис. 2

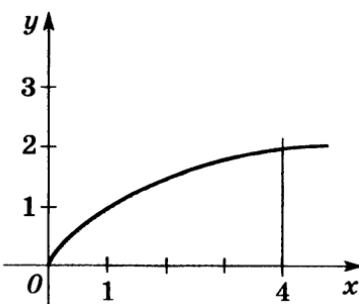


Рис. 3

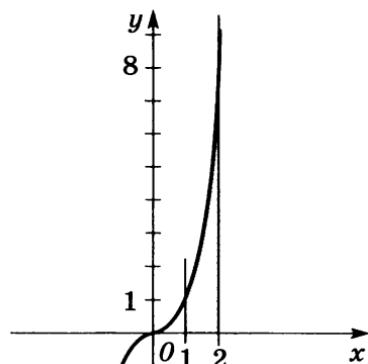


Рис. 4

Тест 4

Вариант 1 1. а) $11\frac{2}{3}$; б) $\frac{1}{3}$. 2. См. рис. 5, $S = 1\frac{1}{3}$. 3. 10π .

Вариант 2 1. а) $\frac{3}{8}$; б) $\frac{2 - \sqrt{3}}{4}$. 2. См. рис. 6, $S = 12$. 3. $\frac{26\pi}{3}$.

Вариант 3 1. а) $\frac{2}{5}$; б) $\sqrt{3} - \sqrt{2}$. 2. См. рис. 7, $S = 1\frac{1}{3}$.
3. $\frac{7\pi}{24}$.

Вариант 4 1. а) $\frac{1}{6}$; б) $\frac{3(\sqrt{3} - 1)}{2}$. 2. См. рис. 8, $S = \frac{3}{4}$.
3. $\frac{32\pi}{5}$.

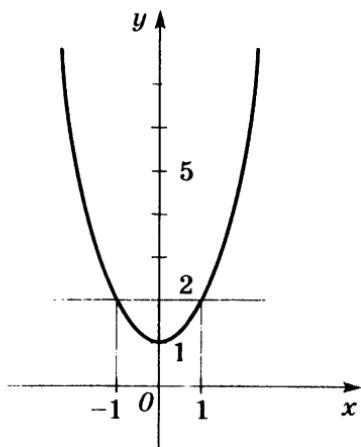


Рис. 5

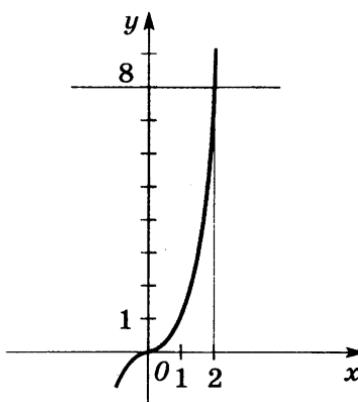


Рис. 6

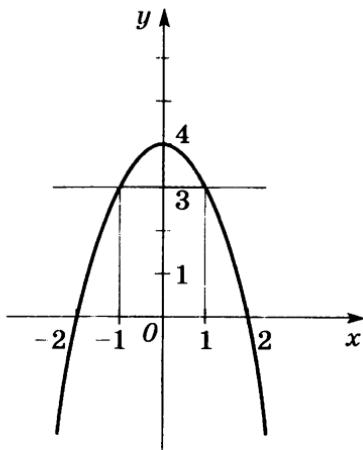


Рис. 7

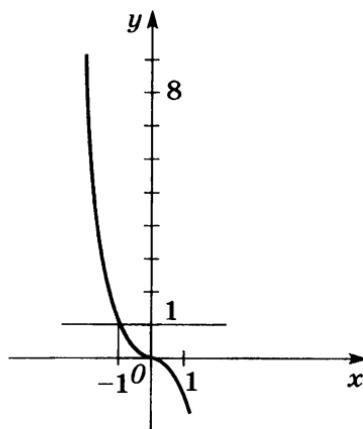


Рис. 8

Тест 5

Вариант 1

1. а) -8 ; б) $1,5$; в) 5 ; г) 3 .
2. 2 и 3.
3. $\sqrt[3]{-2} > \sqrt[5]{-5}$.
4. а) $\sqrt[10]{20}$; б) $\sqrt[4]{27}$.
5. $\sqrt[3]{-8a^7b^2}$.
6. $-2a^3\sqrt[5]{a^2}$.

Вариант 2

1. а) 15 ; б) $\frac{3}{4}$; в) -3 ; г) $\frac{1}{2}$.
2. 5 и 6.
3. $\sqrt[6]{9} > \sqrt[4]{3}$.
4. а) $\sqrt[5]{216}$; б) $\sqrt[2]{5}$.
5. $\sqrt[4]{\frac{81b^9}{a^3}}$.
6. $2a^4\sqrt[6]{2a}$.

- Вариант 3**
1. а) 9; б) 0,6; в) 6; г) 2.
 2. 3 и 4.
 3. $\sqrt[4]{6} < \sqrt[3]{5}$.
 4. а) $\sqrt[8]{7}$; б) $\sqrt[3]{10000}$.
 5. $\sqrt[5]{32a^7b^6}$.
 6. $3a^3\sqrt[4]{2a^3}$.

- Вариант 4**
1. а) 0,9; б) $-\frac{4}{7}$; в) 5; г) 2.
 2. 2 и 3.
 3. $\sqrt[3]{-4} < \sqrt[3]{-2}$.
 4. а) $\sqrt[5]{64}$; б) $\sqrt[15]{12}$.
 5. $\sqrt[3]{-\frac{a^4}{b^3}}$.
 6. $-2a^4\sqrt[5]{3a^2}$.

Тест 6

- Вариант 1**
1. а) $x = \pm\sqrt[6]{18}$; б) $x = -1$; в) $x = \pm 11$; г) $x = 2$.
 2. $x = 16$, $y = 1$.

- Вариант 2**
1. а) $x = \sqrt[7]{13}$; б) $x = 64$; в) $x = \pm 5$;
 - г) нет решений.
 2. $x = 1$, $y = -8$.

- Вариант 3**
1. а) $x = -\sqrt[5]{9}$; б) $x = 81$; в) $x = \pm 6$; г) $x = 3$.
 2. $x = -32$, $y = -1$.

- Вариант 4**
1. а) $x = \pm\sqrt[8]{10}$; б) $x = -32$; в) $x = \pm 9$; г) $x = 0$.
 2. $x = 1$, $y = 81$.

Тест 7

- Вариант 1**
1. $5^{-\frac{2}{7}}$.
 2. а) $\sqrt[5]{\frac{1}{81}}$; б) $\sqrt[10]{8}$.
 3. 9.
 4. $0,8^{\frac{5}{6}} < \sqrt[7]{0,8^5}$.

- Вариант 2**
1. $0,4^{\frac{5}{6}}$.
 2. а) $\sqrt[5]{64}$; б) $\sqrt[3]{\frac{1}{625}}$.
 3. $\frac{3}{2}$.
 4. $\sqrt[5]{7^4} > \sqrt[7]{5^3}$.

- Вариант 3**
1. $1,3^{\frac{4}{5}}$.
 2. а) $\sqrt[5]{\frac{1}{64}}$; б) $\sqrt[3]{81}$.
 3. 2.
 4. $\sqrt[6]{12^7} < 12^{\frac{7}{5}}$.

- Вариант 4**
1. $2^{-\frac{3}{4}}$.
 2. а) $\sqrt{125}$; б) $\sqrt[5]{\frac{1}{64}}$.
 3. 5.
 4. $0,4^{\frac{7}{9}} > \sqrt[9]{0,4^8}$.

Тест 8

- Вариант 1**
1. См. рис. 9.
 2. $(-2; +\infty)$.
 3. а) $1 > 2^{-\sqrt{7}}$;
 - б) $11^{\sqrt{7}-1} > 11^{\sqrt{7}-2}$.
 4. а) $x = \frac{3}{2}$; б) $x = -1$.
 5. $(-\infty; 8)$.

- Вариант 2**
1. См. рис. 10.
 2. $(-\infty; 0)$.
 3. а) $\left(\frac{3}{4}\right)^{\sqrt{6}} < 1$;

- б) $0,7^{\frac{\sqrt{3}}{2}} < 0,7^{\frac{\sqrt{3}}{3}}$.
4. а) $x = -2$; б) $x = -10$.
5. $(-\infty; 3]$.

Вариант 31. См. рис. 11. 2. $(3; +\infty)$. 3. а) $0,3^{-\sqrt{5}} > 1$;

б) $\left(\frac{6}{7}\right)^{\sqrt{5}+1} < \left(\frac{6}{7}\right)^{\sqrt{5}-1}$. 4. а) $x = \frac{5}{2}$; б) $x = -7$.
5. $[12; +\infty)$.

Вариант 41. См. рис. 12. 2. $(-\infty; 0)$. 3. а) $5^{\sqrt{0,8}} > 1$;

б) $10^{\frac{\sqrt{6}}{3}} > 10^{\frac{\sqrt{6}}{5}}$. 4. а) $x = -\frac{4}{3}$; б) $x = -6$. 5. $(-5; +\infty)$.

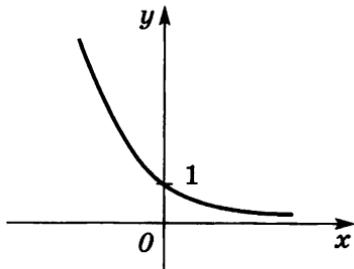


Рис. 9

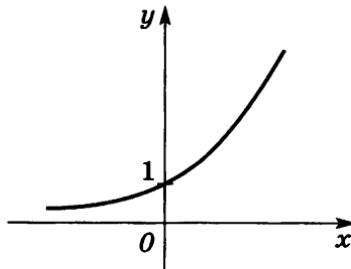


Рис. 10

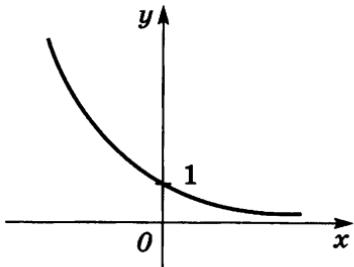


Рис. 11

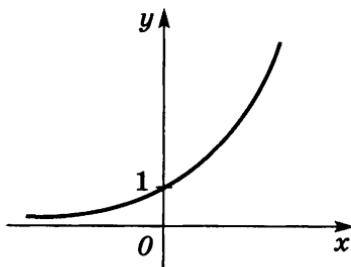


Рис. 12

Тест 9**Вариант 1**1. а) -2 ; б) -3 . 2. а) $x = 3$; б) $x = 81$.

3. а) 13 ; б) 144 ; в) 1. 4. $2 + \frac{3}{4} \lg b - 3 \lg a$.

Вариант 2

1. а) 3 ; б) -4 . 2. а) $x = \frac{1}{625}$; б) $x = 1$.

3. а) 6 ; б) $3,5$; в) 3. 4. $5 \log_4 y - 2 - \frac{2}{3} \log_4 x$.

Вариант 3

1. а) -4 ; б) 0. 2. а) $x = \frac{1}{2}$; б) $x = 3$.

3. а) π ; б) $0,3$; в) 25. 4. $3 + \frac{3}{2} \log_5 c - 6 \log_5 b$.

Вариант 4 1. а) 5; б) -3. 2. а) $x = \frac{1}{4}$; б) $x = 36$.

3. а) 1; б) 0,5; в) 2. 4. $8 \log_3 b - 4 - \frac{2}{5} \log_3 a$.

Тест 10

Вариант 1 1. $(-\infty; 2,5)$. 2. $\log_9 0,8 > \log_9 0,7$. 3. $x = -2$.

4. $\left(0; \frac{5}{4}\right)$.

Вариант 2 1. $(6; +\infty)$. 2. $\log_{0,1} 3,5 > \log_{0,1} 3,6$. 3. $x = \frac{3}{5}$.

4. $(0; 49]$.

Вариант 3 1. $\left(-\frac{3}{5}; +\infty\right)$. 2. $\log_{\sqrt{3}} 1,6 < \log_{\sqrt{3}} 1,8$. 3. $x = \frac{3}{5}$.

4. $(0; 4)$.

Вариант 4 1. $(-\infty; 8)$. 2. $\log_{\frac{1}{\pi}} 0,4 > \log_{\frac{1}{\pi}} 0,5$. 3. $x = 3$.

4. $(0; 1,1]$.

Тест 11

Вариант 1 1. а) $12x^3 - 6e^{-6x}$; б) $5^x \ln 5 \cdot \sin x + 5^x \cos x$.

2. $\frac{2}{3}e^x - \frac{x^4}{4} + C$. 3. $\frac{2}{\ln 4}$.

Вариант 2 1. а) $4e^{4x} - 6x^{-4}$; б) $7^x \ln 7 \cdot \operatorname{ctg} x - \frac{7^x}{\sin^2 x}$.

2. $\frac{6 \cdot 5^x}{\ln 5} + \frac{x^3}{3} + C$. 3. $\frac{e^3 - 1}{e}$.

Вариант 3 1. а) $-2e^{-2x} + 15x^2$; б) $4^x \ln 4 \cdot \cos x - 4^x \sin x$.

2. $\frac{e^x}{2} - \frac{x^5}{5} + C$. 3. $\frac{20}{\ln 5}$.

Вариант 4 1. а) $-18x^{-7} - 3e^{3x}$; б) $8^x \ln 8 \cdot \operatorname{tg} x + \frac{8^x}{\cos^2 x}$.

2. $\frac{4 \cdot 7^x}{\ln 7} + \frac{x^2}{2} + C$. 3. $\frac{e^3 - 1}{e^2}$.

Тест 12

Вариант 1 1. а) $\frac{6}{6x - 5}$; б) $2x \log_9 x + \frac{x}{\ln 9}$. 2. $\frac{7}{3} \ln |x| + C$.

Вариант 2 1. а) $3x^2 \log_7 x + \frac{x^2}{\ln 7}$; б) $\frac{1}{x+6}$. 2. $\frac{1}{2} \ln |2x+5| + C$.

Вариант 3 1. а) $\frac{1}{6} \cdot \frac{1}{x}$; б) $4x^3 \log_4 x + \frac{x^3}{\ln 4}$. 2. $\frac{3}{4} \ln |x| + C$.

Вариант 4 1. а) $2x \log_5 x + \frac{x}{\ln 5}$; б) $\frac{8}{8x+1}$. 2. $\frac{1}{3} \ln |3x-2| + C$.

Тест 13

Вариант 1 1. См. рис. 13. 2. $-\frac{e}{8} x^{e-1}$. 3. $-\frac{2}{\sqrt{3}+1} x^{\sqrt{3}+1} + C$.

4. $3 \frac{1}{3}$.

Вариант 2 1. См. рис. 14. 2. $-3(\sqrt{2}-3)x^{\sqrt{2}-4}$.

3. $\frac{1}{4(1-\sqrt{5})} x^{1-\sqrt{5}} + C$. 4. $1 \frac{15}{16}$.

Вариант 3 1. См. рис. 15. 2. $-4(e-1)x^{e-2}$.

3. $-\frac{6}{1-\sqrt{7}} x^{1-\sqrt{7}} + C$. 4. $5 \frac{1}{5}$.

Вариант 4 1. См. рис. 16. 2. $\frac{2-\sqrt{3}}{5} x^{1-\sqrt{3}}$.

3. $\frac{2}{3\sqrt{2}} x^{\sqrt{2}} + C$. 4. $2 \frac{8}{9}$.

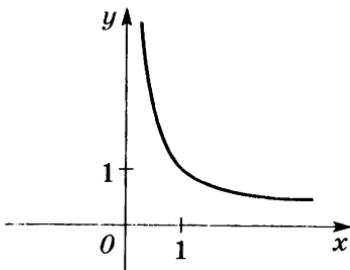


Рис. 13

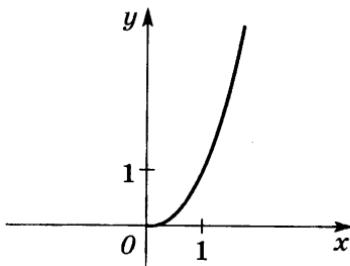


Рис. 14

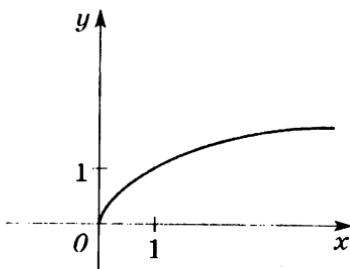


Рис. 15

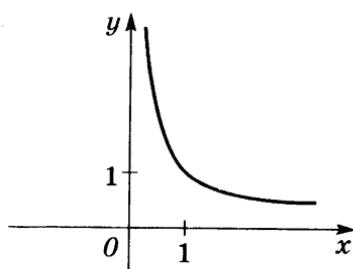


Рис. 16

Содержание

Предисловие	3
Тест 1. Первообразная и её основное свойство	5
Тест 2. Правила нахождения первообразных	9
Тест 3. Площадь криволинейной трапеции	13
Тест 4. Интеграл и его применение	21
Тест 5. Корень n-й степени и его свойства	29
Тест 6. Иррациональные уравнения	37
Тест 7. Степень с рациональным показателем	41
Тест 8. Показательная функция.	
Решение показательных уравнений и неравенств ...	49
Тест 9. Логарифмы и их свойства	57
Тест 10. Логарифмическая функция. Решение логарифмических уравнений и неравенств	65
Тест 11. Производная и первообразная показательной функции	73
Тест 12. Производная и первообразная логарифмической функции	77
Тест 13. Степенная функция	81
Ответы	89